

### 1.3. ПРОГРАММЫ С ЦИКЛАМИ

1. Составить программу вычисления суммы
- а) первых  $n$  натуральных чисел;
  - б) первых  $n$  четных (нечетных) чисел;
  - в) квадратов нечетных чисел от  $a$  до  $b$ ;
  - г) всех натуральных чисел, кратных  $b$  и меньших 100;
  - д) квадратов первых  $n$  натуральных чисел, каждое из которых при делении на  $m$  дает в остатке  $q$ .

2. Составить программу вычисления суммы:

- а)  $s = 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 2 \cdot 4 + \dots + 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n$ ;
- б)  $s = 1 + 1 \cdot 3 + 1 \cdot 3 \cdot 5 + \dots + 1 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (2n - 1)$ ;
- в)  $s = 2 + 2 \cdot 4 + 2 \cdot 4 \cdot 6 + \dots + 2 \cdot 4 \cdot \dots \cdot (2n)$ ;
- г)  $s = 1 - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} + \dots + \frac{(-1)^{n-1}}{n^2}$ ;
- д)  $s = 1 - \frac{1}{3 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 3 \cdot 5} + \frac{1}{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 7} + \dots + \frac{(-1)^{n-1}}{3^{n-1} \cdot (2n-1)}$ .

3. Составить программу вычисления для заданного значения  $x$  суммы первых  $n$  членов ряда:

- а)  $s = (x - 1) + (x - 2)^2 + \dots + (x - n)^n$ ;
- б)  $s = 1 + x + \frac{x^2}{1 \cdot 2} + \dots + \frac{x^{n-1}}{1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (n-1)} + \dots$ ;
- в)  $s = 1 + \frac{x^2}{1} + \frac{x^4}{1 \cdot 2} + \dots + \frac{x^{2(n-1)}}{1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (n-1)} + \dots$ ;
- г)  $s = x - \frac{x^3}{1 \cdot 3} + \frac{x^5}{1 \cdot 3 \cdot 5} - \frac{x^7}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7} + \dots + \frac{(-1)^{n-1} x^{2n-1}}{1 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (2n-1)} + \dots$

4. Составить программу вычисления для заданного значения  $x$  суммы ряда (см. предыдущую задачу) с учетом слагае-

мых, по модулю больших заданного  $\varepsilon > 0$ . Вывести на экран информацию о количестве учтенных слагаемых.

**5.** Составить программу вычисления для заданного значения  $x$  сумму первых  $n$  слагаемых:

а)  $\sin x + \sin x^2 + \dots + \sin x^n$ ;

б)  $\sin x + \sin^2 x + \dots + \sin^n x$ ;

в)  $\ln(x^2 - 1) + \ln\left(x^2 - \frac{1}{2}\right) + \dots + \ln\left(x^2 - \frac{1}{n}\right)$ ;

г)  $(1 - x) + \left(1 - \frac{x}{2}\right)^2 + \dots + \left(1 - \frac{x}{n}\right)^n$ ;

д)  $\frac{1}{x - n} + \frac{1}{x - n^2} + \dots + \frac{1}{x - n^n}$ ;

е)  $\frac{x - 1}{n} + \frac{x - 2}{n^2} + \dots + \frac{x - n}{n^n}$ ;

ж)  $\frac{1 - x}{n} + \frac{2 - x}{n^2} + \dots + \frac{n - x}{n^n}$ ;

з)  $\frac{1}{x - n} + \frac{1}{x - n^2} + \dots + \frac{1}{x - n^n}$ .

**6.** Составить фрагменты программы для решения указанных ниже задач и обосновать выбор того или другого варианта организации цикла:

а) найти первый отрицательный член последовательности  $\cos(\operatorname{ctg} n)$ ,  $n = 1, 2, 3, \dots$ ;

б) вычислить произведение 
$$p = \left(1 - \frac{1}{22}\right) \left(1 - \frac{1}{32}\right) \dots \left(1 - \frac{1}{n2}\right)$$

для  $n > 2$ ;

в) вычислить значения  $y = \cos(1 + \cos(2 + \dots + \cos(n - 1 + \cos n) \dots))$  для  $n = 1, 2, 3, \dots, 40$ .

7. Составить программу определения наименьшего количества слагаемых вида

$$\text{а) } \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \dots; \quad \text{б) } 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots,$$

сумма которых превосходит заданное число  $z$ .

8. Составить программу вычисления произведения

$$\text{а) } p = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} \cdot \dots; \quad \text{б) } p = \frac{1}{3} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{9}{11} \cdot \frac{13}{15} \cdot \dots,$$

с учетом сомножителей, отличающихся от 1 не менее, чем на заданное  $\varepsilon > 0$ .

9. Тело падает с высоты  $h$ . Составить программу расчета таблицы значений, отражающей

а) зависимость высоты тела от времени;

б) изменение скорости падения тела по мере его приближения к земле.

10. Составить программу расчета таблицы значений истинной скорости судна  $v_n$  в зависимости от величины угла  $q_T$  между диаметральной плоскостью судна и направлением течения при заданных относительной скорости  $v_o$  судна и скорости течения  $v_T$ .

*Примечание:* Зависимость абсолютной скорости от составляющих определяется формулой  $v_n = \sqrt{v_o^2 + v_T^2 + 2v_o v_T \cos q_T}$ .

Изменяя значение  $q_m$  от 0 до  $2\pi$  с шагом  $\Delta q_m$ , получим зависимость  $v_u$  от  $q_m$ .

11. Нетрудно убедиться, что справедливы следующие соотношения:  $9 \cdot 1 + 2 = 11$ ;  $9 \cdot 12 + 3 = 111$ ;  $9 \cdot 123 + 4 = 1111$ . Составить программу, позволяющую для любого натурального  $n < 10$  проверить выполнение равенства

$$9 \cdot 12 \dots (n-1) + n = \underbrace{1 \dots 1}_{n \text{ раз}}.$$

Как доказать это аналитически?

**12.** Составить программу поиска таких трехзначных чисел, на которые надо умножить число 777, чтобы получить шестизначные числа, записываемые одними единицами, двойками, тройками и т.д.

**13.** Число 481 обладает удивительным свойством. если какое-нибудь двузначное число удвоить и приписать справа 0, к результату прибавить исходное число, умножить результат на 481, то в записи полученного шестизначного произведения трижды повторится исходное число.

*Например,  $12 \cdot 2 = 24$ ,  $240 + 12 = 252$ ,  $252 \cdot 481 = 121\ 212$ .*

Составить программу проверки, для каких чисел, кроме 12, сохраняется описанное свойство числа 481. Объяснить полученные результаты.

**14.** Составить программу приближенного вычисления значения функции по указанной формуле с возможно меньшей погрешностью. Погрешность формулы уменьшается с увеличением  $n$  и с уменьшением  $|x|$ .

$$\text{а) } \sin x \approx x - \frac{x^3}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \dots + \frac{(-1)^n x^{2n+1}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (2n+1)};$$

$$\text{б) } \cos x \approx 1 - \frac{x^2}{1 \cdot 2} - \dots + \frac{(-1)^n x^{2n}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (2n)}.$$

**15.** Составить программу вычисления суммы  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$  двумя способами: в порядке записи слагаемых (от большего к меньшему) и в обратном порядке. Установить наименьшее значение  $n$ , начиная с которого результаты вычислений оказываются различными. Объяснить причину такого расхождения.

16. Гусеница ползет по резиновой нити длиной  $l$  см со скоростью  $v$  см/мин, стремясь достичь противоположного конца нити. По истечении каждой минуты нить растягивают, изменяя ее длину на  $l$  см. Составить программу определения времени, за которое гусеница достигнет конца нити.

17. Составить программу вычисления значения  $\pi$  с использованием соотношений:

$$\text{а)}^1 \frac{\pi}{4} = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots + \frac{(-1)^{n-1}}{2n-1} + \dots;$$

$$\text{б)} \frac{1}{2} - \frac{\pi}{8} = \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{7 \cdot 9} + \frac{1}{11 \cdot 13} + \dots + \frac{1}{(4n-1)(4n+1)} + \dots;$$

$$\text{в)} \frac{\pi^2}{6} = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \dots + \frac{1}{n^2} + \dots;$$

$$\text{г)} \frac{4}{\pi} = 1 + \frac{1}{2 + \frac{3^2}{2 + \frac{5^2}{2 + \frac{7^2}{2 + \dots}}}};$$

$$\text{д)}^2 \pi = 4 \left( 1 - \frac{1}{8} + \frac{1}{8 \cdot 29} - \frac{1}{8 \cdot 29 \cdot 6} + \frac{1}{8 \cdot 29 \cdot 6 \cdot 8} \right)^2;$$

$$\text{е)}^1 \frac{2}{\pi} = \cos \frac{\pi}{4} \cos \frac{\pi}{8} \cos \frac{\pi}{16} \cos \frac{\pi}{32} \dots \text{ (формула Виета);}$$

---

<sup>1</sup> Этот ряд носит имя Лейбница. Недавно стало известно, что ряды Грегори-Лейбница для  $\pi/4$  были найдены уже при Нилаканте около 1500 г.

<sup>2</sup> В древней Индии было получено много ценнейших математических результатов. Книги, так называемые «Сульвасутры», часть которых давности 500 лет до н. э. или еще древнее, содержат ряд математических правил местного древнего происхождения и некоторые любопытные приближения, в том числе и приведенное выше.

$$\text{ж)}^2 \frac{\pi}{2} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 8 \cdot \dots}{1 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 9 \cdot \dots} \quad (\text{формула Валлиса}).$$

**18.** Составить программу поиска двух целых трехзначных чисел, частное которых приближает число  $\pi$  с наибольшей точностью.

**19.** Составить программу вычисления значения квадратного корня из числа  $a > 0$  с заданной точностью  $\varepsilon$  на основе со-

отношения  $x_{n+1} = \frac{1}{2} \left( x_n + \frac{a}{x_n} \right)$ , где  $x_n$  — предыдущее,  $x_{n+1}$  —

последующее приближения к корню. Начальное приближение для определенности положить равным  $a/2$ . Точность вычисления считается достигнутой, когда  $|x_{n+1} - x_n| < \varepsilon$ .

**20.** Составить программу отыскания корня уравнения  $f(x) = 0$  на отрезке  $[a; b]$  методом половинного деления с заданной точностью  $\varepsilon$ . Провести вычисления для случаев:

а)  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 3 = 0; \quad a = -3, \quad b = -2, \quad \varepsilon = 10^{-7};$

б)  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 3 = 0; \quad a = 0, \quad b = 2, \quad \varepsilon = 10^{-6};$

в)  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 24x + 1 = 0; \quad a = 0, \quad b = 1, \quad \varepsilon = 10^{-7};$

г)  $f(x) = 5x^3 + 20x + 3 = 0; \quad a = 0, \quad b = 3, \quad \varepsilon = 10^{-7};$

д)  $f(x) = \sin(2x - 1) - 0,7; \quad a = 1,5, \quad b = 2,5, \quad \varepsilon = 10^{-7};$

е)  $f(x) = x - \ln x - 1,5 = 0; \quad a = 1, \quad b = e, \quad \varepsilon = 10^{-7}.$

**21.** Составить программу нахождения

а) наибольшего общего делителя (НОД) двух натуральных чисел;

б) наименьшего общего кратного (НОК) двух натуральных чисел.

<sup>1</sup> Ф. Виет нашел выражение  $\pi$  в виде приведенного бесконечного произведения в 1593 г.

<sup>2</sup> Формула впервые встречается у Дж. Валлиса в его вычислениях площади круга (1655 г.).

22. Составить программу определения количества натуральных трехзначных чисел, сумма цифр которых равна заданному  $n$ .

23. Число  $n$  содержит нечетное количество цифр. Составить программу определения средней цифры числа.

24. Составить программу восстановления задуманного числа  $x < 100$  по заданным остаткам от деления  $x$  на 3, 5 и 7.

25. Составить программу нахождения всех простых чисел,

а) меньших заданного  $n$ ;

б) из заданного промежутка  $[n_1; n_2]$ .

26. Каждое число Фибоначчи вычисляется как  $f_1 = 0, f_2 = 1$ , а начиная с третьего, по формуле  $f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$ . Составить программу, которая вычисляет:

а) последовательность  $n$  чисел Фибоначчи;

б)  $k$ -ое число Фибоначчи;

в) номер и значение первого числа Фибоначчи, которое больше заданного значения  $z$ .

27. Составить программу, вычисляющую последовательность  $n$  чисел

а) Каталана: каждое число, начиная с третьего, вычисляется по формуле  $k_n = \frac{k_{n-1}(4n-6)}{n}$ ,  $k_1 = k_2 = 1$ ;

б) Пифагора, точнее «пифагоровых троек», т.е. троек натуральных чисел  $a$ ,  $b$  и  $c$ , удовлетворяющих условию  $a^2 + b^2 = c^2$ .

*Примечание.* В основу можно положить формулы:  $a = 2n + 1$ ,  $b = 2n^2 + 2n$ ,  $c = 2n^2 + 2n + 1$  или  $a = m^2 - n^2$ ,  $b = 2m \cdot n$ ,  $c = m^2 + n^2$ , где  $m$  и  $n$  — натуральные числа;

в) Мерсенна — простых чисел, которые представляются в виде  $2^n - 1$ , где  $n$  — также простое число.

**28.** Составить программу проверки следующих утверждений:

а) если  $n$  — простое число, то число  $2^n - 1$  не всегда простое;

б) если  $n$  — составное число, то число  $2^n - 1$  также составное.

**29.** Составить программу поиска

а) первых  $n$  натуральных чисел, равных сумме кубов своих цифр;

б) трехзначных натуральных чисел, делящихся на каждую из своих цифр без остатка.

**30.** Составить программу отыскания для предложенного натурального числа

а) всех его делителей — и простых, и составных;

б) всех его простых делителей.

**31.** Составить программу поиска

а) всех натуральных чисел меньших 100, которые при возведении в квадрат дают палиндром;

б) всех чисел-палиндромов меньших 100, которые при возведении в квадрат также дают палиндромы.

**32.** Натуральное число называют *совершенным*, если оно равно сумме всех своих делителей, не считая его самого.

*Например,  $6 = 1 + 2 + 3$  — совершенное число;  $8$  — не совершенное, т. к.  $8 \neq 1 + 2 + 4$ .*

Составить программу

а) проверки, является ли заданное число совершенным;

б) нахождения  $n$  первых совершенных чисел;

в) экспериментальной проверки утверждения Евклида: «В тех случаях, когда число  $p = 1 + 2 + 4 + 8 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 1$  простое, то число  $2^n \cdot p$  является совершенным».

**33.** Составить программу отыскания способов представления натурального числа  $n$  в виде суммы кубов двух натуральных чисел:  $n = i^3 + j^3$ .

*Примечание:* перестановка слагаемых нового способа не дает.

**34.** Составить программу подсчета количества «счастливых» трамвайных билетов. Билет называется «счастливым», если сумма первых трех цифр номера билета равна сумме последних трех цифр номера.

**35.** Составить программу «Гадалка» для двух игроков (пользователь и компьютер). Пользователь задумывает одно из чисел — 0 или 1. Компьютер пытается его отгадать, предлагая пользователю подтвердить или опровергнуть его догадку. Каков процент правильных догадок компьютера?

*Пояснения.* Число-догадка определяется с помощью датчика случайных чисел.

**36.** У Змея Горыныча 2 000 голов. Сказочный богатырь может срубить ему одним ударом меча 33, 21, 17 или 1 голову, но при этом у Змея вырастает взамен соответственно 48, 0, 14 или 349 голов. Если отрублены все головы, то новые не вырастают. Как богатырю одолеть Змея?

**37.** Две даты заданы последовательным указанием натуральных чисел, обозначающих, соответственно, число, месяц, год. Составить программу вычисления количества дней, прошедших между двумя этими датами.

**38.** Составить программу определения по заданной дате дня недели.

**39.** Составить программу вычисления количества пятниц, приходящихся на 13-е числа в

- а) XX веке;                      б)  $n$ -ом столетии.

40. Известно, что изобретатель шахмат<sup>1</sup> попросил у шаха такое вознаграждение за свое изобретение: за первую клеточку шахматной доски дать одно пшеничное зерно, а за каждую последующую — вдвое больше, чем за предыдущую. Такая цена показалась шаху смехотворной, однако, всех зерновых запасов его кладовых оказалось недостаточно для того, чтобы расплатиться с изобретателем. Составить программу определения, сколько клеток может «оплатить» шах, имея  $q$  зерен.

41. Ивана Алексеевича Хлестакова пригласили управлять департаментом. В первый день ему прислали 1000 курьеров, а каждый последующий — в два раза больше, чем в предыдущий. Иван Алексеевич согласился принять должность тогда, когда к нему прибыло сразу не менее 30 000 курьеров. Определить, на какой день Хлестаков согласился управлять департаментом.

42.<sup>2</sup> Собака гонится за кроликом, который находится впереди нее в 150 футах, и при каждом прыжке делает 9 футов, в то время как кролик прыгает на 7 футов. За сколько прыжков собака догонит кролика?

43. На вавилонской глиняной табличке (около 1800 г. до н. э.) клинописью зафиксирована процедура вычисления сложного процента, относящаяся к конкретному расчету: сколько лет и месяцев потребуется для удвоения определенного количества «кура» (зерна) при годовом приросте 20% (зер-

---

<sup>1</sup> Приложение Б: «Легенда о шахматной доске».

<sup>2</sup> Задача сформулирована на основе приведенной в сборнике «Задачи для оттачивания ума юношей», написанном по-латыни математиком-церковником Алкуином, жившим при дворе Карла Великого (800 гг.) — императора Священной Римской империи. Составленные им задачи оставались в математике очень популярными и в начале XX века.

но играет роль денег). Составить программу вычисления сложного процента.

**44.** Население города на начало 1980 г. насчитывало 620 *тыс.* человек. Считая темп прироста населения за год равным 3,7%, определить, в каком году оно превысит 1,5 *млн.* человек.

**45.** Некоторые бактерии имеют такой закон развития: каждая живет 1 *час*, и каждые полчаса порождает одну новую (всего две за свою жизнь). Составить программу определения

а) потомства одной бактерии через 6 часов после ее рождения;

б) периода времени, который требуется для увеличения количества бактерий до  $m$ .

**46.** На тренировках спортсмен ежедневно пробегает некоторую дистанцию, с каждым днем увеличивая ее на 10%. Составить программу, определяющую по расстоянию, преодоленному спортсменом в первый день,

а) длину дистанции на  $k$ -й день тренировок;

б) количество тренировок, после которых ежедневная дистанция превысит  $s$  км;

в) количество дней, за которые спортсмен пробежит суммарный путь, превышающий  $n$  км.

**47.** В процессе лечебного голодания вес пациента за 30 дней снизился с 96 до 70 *кг*. Было установлено, что ежедневные потери веса пропорциональны весу тела. Определить вес пациента на  $k$ -й день голодания для  $k = 1, 2, \dots, 30$ .

**48.** Резервуар наполнен  $v$  л водного раствора, содержащего  $m$  *кг* растворенного сахара. Приток воды составляет  $p$  л в 1 *мин*, а расход смеси из сосуда —  $k$  л в 1 *мин*. Концентрация поддерживается равномерной посредством перемешивания. Составить программу определения количества сахара, которое

будет содержаться в резервуаре через  $t$  мин. Выполнить расчет для значений  $v = 75$ ,  $m = 3$ ,  $p = 4$ ,  $k = 2$ ,  $t = 25$ .

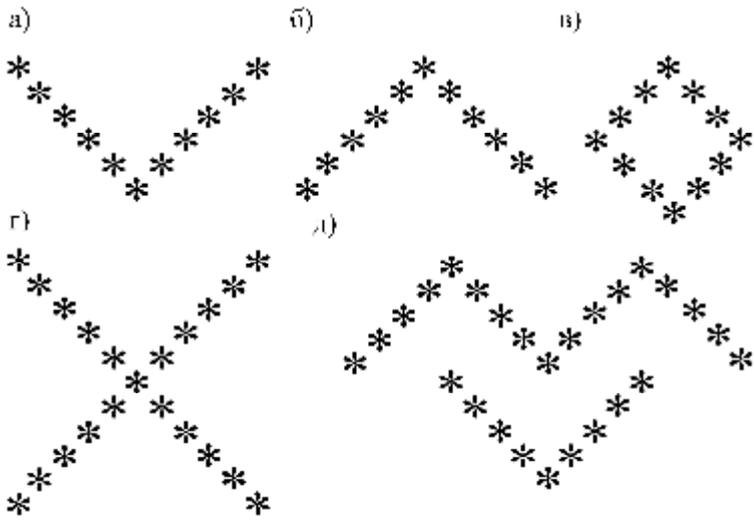
**49.** Расположенный на берегу реки металлургический завод осуществил сброс сточных вод, в результате чего концентрация вредных веществ в реке резко увеличилась. С течением времени эта концентрация естественно уменьшается.

Составить программу, сообщающую уровень загрязнения реки через сутки после сброса, двое суток и т.д., до тех пор, пока концентрация не станет меньше предельно допустимой.

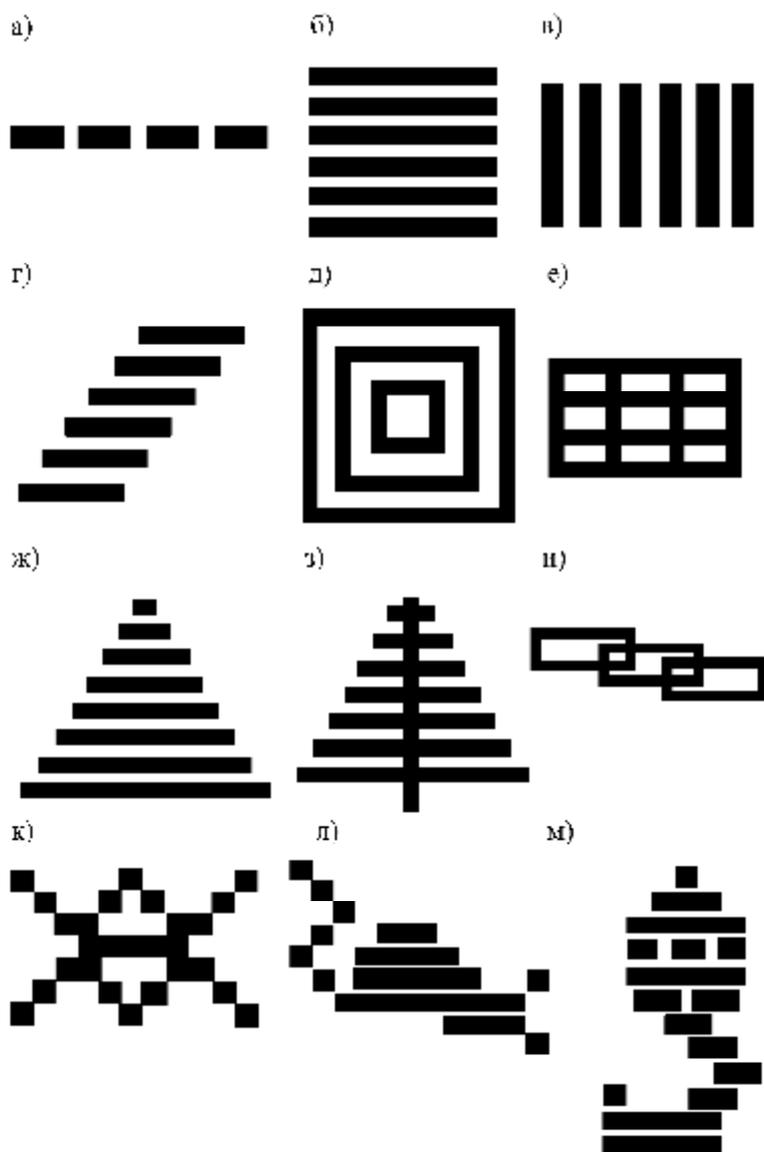
Провести исследования для значений, указанных в таблице:

| Вещество | Начальная концентрация вредных веществ, $C$ , мг/л | Предельно допустимая концентрация, $D$ , мг/л | Коэффициент уменьшения концентрации за сутки |
|----------|--|---|--|
| Свинец   | 10   | 0,03  | 1,12   |
| Мышьяк   | 5  | 0,05  | 1,05   |
| Фтор     | 8  | 0.05  | 1,01   |

**50.** Завод сбрасывает в реку ежедневно случайным образом (из-за неисправности очистных сооружений) от 0 до 30 кг вредных веществ. За каждый килограмм сверх 15 кг завод обязан заплатить штраф 1 000 руб. Прибыль завода от реализации его продукции составляет 7 000 руб. в день. Разработать и реализовать в виде программы математическую модель экономической деятельности завода и на основе ее исследования установить, как часто в течение года штрафные выплаты превзойдут прибыль. Рентабелен ли такой завод?



*Рис. 9*



*Рис. 10*

**51.**  $N$  пиратов ( $N < 10$ ) нашли клад, состоящий из золотых монет. Один из них взял себе одну монету и еще  $1/N$  часть от оставшихся монет. Точно так же поступили все остальные пираты. Оставшиеся монеты они смогли поделить поровну. Составить программу поиска наименьшего количества монет, удовлетворяющих описанному алгоритму дележа.

**52.** По окончании массового забега все его участники уложили свои нагрудные номера в один ряд в том порядке, в каком они пересекли финишную черту, образовав в результате  $k$ -значное число. Составить программу определения количества участников забега по известному  $k$ .

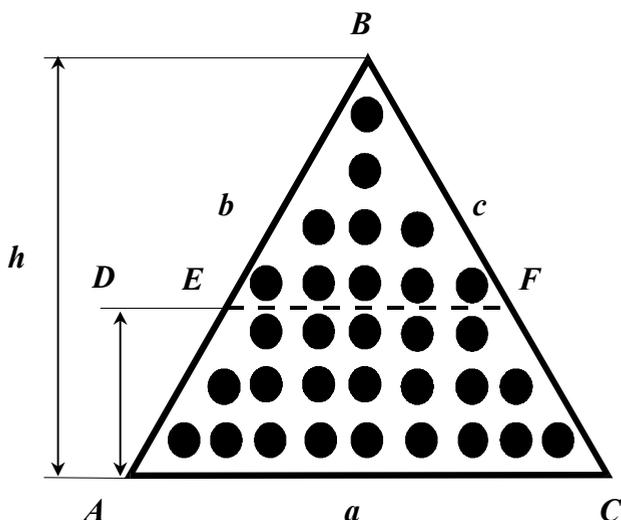
**53.** Составить программу, выводящую на экран с помощью «звездочки» (\*)

- а) полосу из  $m$  «звездочек»;
- б) изображение прямоугольника с заданными высотой и основанием;
- в) изображение равнобедренного треугольника с заданной высотой;
- г) изображение половины квадрата, которая лежит левее и ниже (правее и выше) его диагонали.

**54.** Составить программу формирования на экране

- а) орнамента, создающегося повторением одного из заданных объектов на рис. 9;
- б) изображения на весь экран (на рис. 10).

*Примечание.* Размеры изображения выбрать по своему усмотрению.



*Рис. 11*

**55.** На участке сада, имеющем форму треугольника со сторонами  $a$ ,  $b$ ,  $c$  (рис. 11), надо высадить плодовые деревья на одинаковом заданном расстоянии  $d$  друг от друга в каждом продольном и поперечном ряду. Первый ряд деревьев высаживают вдоль стороны  $a$ , причем первое дерево сажают на пересечении сторон  $a$  и  $b$ . Составить программу расчета количества рядов деревьев, параллельных стороне  $a$ , количества деревьев в каждом ряду и суммарного числа деревьев на участке.

**56.** Составить программу-тренажер «Таблица умножения» для младших школьников в игровой форме. Обеспечить накопление данных о работе пользователя и вывод на экран результирующего сообщения.

**57.** Составить программу для игры в 66 с компьютером. Играют двое: первый называет однозначное число (число от 1 до 9 включительно), второй прибавляет к нему какое-нибудь

однозначное число и называет сумму; к этой сумме первый прибавляет еще какое-нибудь однозначное число и опять называет сумму и т.д. Выигрывает тот, кто первым назовет число 66. Разработать выигрышную стратегию игры и реализовать ее для компьютера.

**58.** Составить программу для игры на дорожке. Игра заключается в следующем: на первой и последней клетках дорожки, состоящей из  $n$  клеток, находятся фишки двух игроков. Игроки ходят по очереди и за один ход могут переместить фишку на  $m$  или менее клеток вперед или назад. Перепрыгивать через фишку партнера, пропускать ход или сходить с дорожки нельзя. Проигрывает тот, кто не сможет сделать очередной ход. Разработать беспроигрышную стратегию и реализовать ее для компьютера.

**59.** Составить программу для игры Баше. Два игрока берут по очереди от 1 до  $p$  предметов из заданной совокупности  $n$  предметов. Проигрывает тот, кто берет последний предмет. Значения  $n$  и  $p$  выбираются до начала игры. Разработать беспроигрышную стратегию и реализовать ее для компьютера.

**60.** Составить программу для игры в орел-решку с компьютером. У двух игроков по  $n$  монет одинакового достоинства. Они выбрасывают по одной монете на стол. Если выясняется, что обе монеты легли одной стороной, то их забирает игрок  $x$  (компьютер); если же монеты легли на разные стороны, то они достаются игроку  $y$  (его сопернику).

**61.** Составить программу для игры в кости. Игра заключается в бросании шестигранного кубика, каждая грань которого имеет номер от 1 до 6. Есть несколько вариантов этой игры.

а) Оба игрока одновременно бросают по кубику. Выигрывает тот, у кого выпала грань с большим номером, и к его сумме очков прибавляется сумма номеров граней обоих куби-

ков. Игра ведется до тех пор, пока один из игроков не наберет заранее установленное количество очков.

б) Игрок бросает одновременно два кубика. Перед этим он называет любое число в диапазоне от 2 до 12 и ставку, которую он делает в этот ход. Если сумма выпавших цифр меньше 7 и играющий назвал число меньше 7, он выигрывает сделанную ставку. Если сумма выпавших цифр больше 7 и играющий назвал число больше 7, он также выигрывает сделанную ставку. Если играющий угадал сумму цифр, он получает в четыре раза больше очков, чем сделана ставка. Ставка проиграна, если ни одна из описанных ситуаций не имеет места. В начальный момент у играющего 100 очков.

в) Игрок бросает одновременно 2 кубика, делая перед этим произвольную ставку. Если выпадает дубль — ставка удваивается, 10 или 11 — утраивается, 6 или 7 — сохраняется, остальные значения — теряется. В начальный момент у играющего  $n$  очков.